

## Algebra II. – Domáca úloha č. 2

K prednáške 5. marca 2018

---

- 1.** (Artin, 2.1.6, str. 69) Nájsť všetky možné uzátvorkovania refazca  $abcd$  a príslušné binárne stromy.
- 2.** Ukázať, že v grupe, na rozdiel od krátenia sprava a zľava, vo všeobecnosti neexistuje "zákon krátenia v strede". T.j. nájsť vo vhodnej grupe (mala by stačiť  $S_3$ ) také  $a, b, c, d, f$ , že bude platíť  $bac = daf$ , ale  $bc \neq df$ .
- 3.** (Artin, 2.1.5, str. 69) Predpokladajme, že v grupe  $G$  platí  $xyz = 1$ . Vyplýva z toho, že  $yzx = 1$ ? Alebo  $yxz = 1$ ?
- 4.** (Artin, 2.2.1, str. 70) Nájsť prvky cyklickej podgrupy generovanej maticou  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ .
- 5.** (Artin, 2.2.2, str. 70) Nech  $a, b$  sú prvky grupy  $G$ , prvok  $a$  má rád 5 (t.j.  $a^5 = 1$ ) a platí  $a^3b = ba^3$ . Ukázať, že potom platí aj  $ab = ba$ , t.j.  $a, b$  komutujú.