

# Diskrétna matematika I. – Domáca úloha č. 6

Cvičenia v týždni 30. októbra 2006

---

Hovoríme, že:

$A$  je podmnožinou  $B$  ( $A \subseteq B$ ) ak  $(\forall x)(x \in A \Rightarrow x \in B)$ .

$A$  je prázdna množina ak neobsahuje žiadny prvok. Značíme ju  $\emptyset$ .

$C$  je zjednotením  $A$  a  $B$  ( $C = A \cup B$ ) ak  $(\forall z)(z \in C \Leftrightarrow (z \in A \vee z \in B))$ .

$D$  je prienikom  $A$  a  $B$  ( $C = A \cap B$ ) ak  $(\forall z)(z \in D \Leftrightarrow (z \in A \wedge z \in B))$ .

$E$  je kartézskym súčinom  $A$  a  $B$  ( $C = A \times B$ ) ak  $(\forall z)(z \in E \Leftrightarrow (\exists x \in A)(\exists y \in B)(z = [x, y]))$ , kde  $[x, y]$  je tzv. usporiadaná dvojica prvkov  $x$  a  $y$ .

$\mathcal{P}(A)$  je potenčnou množinou množiny  $A$  ak  $(\forall z)(z \in \mathcal{P}(A) \Leftrightarrow z \subseteq A)$ .

**1.** Ukážte, že  $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$ .

**2.** Nájdite prvky množiny  $A \times B$  ak  $A = \{a, b, c\}$  a  $B = \{x, y\}$ .

**3.** Zistite či  $(A \times B) \cup (C \times D) = (A \cup C) \times (B \cup D)$ . Ak áno, dokážte, ak nie, nájdite protipríklad.

**4.** Pre nasledujúce dvojice množín rozhodnite či  $B \subset A$ :

a)  $A = \{\{a, b\}, \{c, d\}, c, d\}, \quad B = \{\{a, b\}, c\}$

b)  $A = \{\{a, b\}, \{a\}, b, \emptyset\}, \quad B = \{\{a\}, b, \{\emptyset\}\}$

c)  $A = \{x \in \mathbb{R} : x > 0\}, \quad B = \{x \in \mathbb{Z} : y > 0\}$

**5.** Nájdite potenčnú množinu  $\mathcal{P}(A)$  pre  $A = \{a, b, c\}$ .

**6.** Ukážte, že  $A \cup \emptyset = A$ .

**7.** Ako vyzerá množina  $A \times \emptyset$ ?

**8.** Predpokladajme, že  $A \subset B$ . Ukážte, že potom platí  $\mathcal{P}(A) \subset \mathcal{P}(B)$ .