

1. Pre aké množiny A, B platí $A \cap (B - A) = \emptyset$?
2. Ako vyzerá množina $A \times \emptyset$?
3. Predpokladajme, že $A \subset B$. Ukážte, že potom platí $\mathcal{P}(A) \subset \mathcal{P}(B)$.
4. Ako vyzerá množina $\emptyset - (\emptyset - A)$?
5. Nech $\mathcal{U} \neq \emptyset$. Pre každú podmnožinu $A \subseteq \mathcal{U}$ označujeme množinu $\mathcal{U} - A$ ako A^c . Dokážte nasledujúce identity:
 - a) $\emptyset^c = \mathcal{U}$.
 - b) $\mathcal{U}^c = \emptyset$.
 - c) $(A^c)^c = A$.
 - d) $A \cup A^c = \mathcal{U}$.
6. Graficky znázornite vlastnosti relácie inklúzie \subset na potenčnej množine $\mathcal{P}(\{a, b, c\})$. ($A \subset B$ ak $A \subseteq B$ a $A \neq B$)
7. Majme reláciu $R = \{[a, b], [b, c], [d, e], [d, f]\}$ na množine $A = \{a, b, c, d, e, f, g\}$. Doplňte R tak, aby z nej vznikla relácia ekvivalencie a aby sme pridali čo najmenší počet usporiadaných dvojíc.

Bonusový príklad

8. Majme reláciu \sim na množine komplexných čísel \mathbb{C} danú nasledovne: $z_1 \sim z_2$ práve vtedy, keď $|z_1| = |z_2|$. Overte, že \sim je reláciou ekvivalencie a popíšte tzv. triedy ekvivalencie \tilde{z} , t.j. množiny všetkých $z' \in \mathbb{C}$, pre ktoré $z \sim z'$. (Norma komplexného čísla $z = a + b \cdot i$ je daná ako $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$.)