

1 Prva uloha

Priklad 1.1. Zistite, ktore z nasledujucich zapisov urcuju zobrazenia. Zdovodnite preto. urcite definicny obor a obor hodnot dnych zobrazeni.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{Q} &\rightarrow \mathbb{Q}, \quad \phi(x) = \frac{x+1}{x-1} \\ \psi : \mathbb{Q} &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \psi(x) = 3x - \pi\end{aligned}$$

Priklad 1.2. Najdite zobrazenia $\phi \circ \psi$ a $\psi \circ \phi$, ak sa to da. Ak nie, uvedte preto.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{N}, \quad \phi(x) = 2x + 4 \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{N}, \quad \psi(x) = 3x + 1\end{aligned}$$

Priklad 1.3. Nech A je konecna mnozina a $f : A \rightarrow A$ je zobrazenie. Dokazte, ze ak f je surjekcia, tak f je aj injekcia (a teda je bijekcia).

Priklad 1.4. Vypocitaj

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 1 & 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

Najdi k ϕ inverznu permutaciu a urci ϕ^{120} .