

## 1 Prva uloha

**Priklad 1.1.** Zistite, ktoré z nasledujúcich zápisov určujú zobrazenia. Zdôvodnite prečo. Určte definičný obor a obor hodnôt danych zobrazení.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \phi(x) = \log x \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \psi(x) = \frac{1}{|x|}\end{aligned}$$

**Priklad 1.2.** Najdite zobrazenia  $\phi \circ \psi$  a  $\psi \circ \phi$ , ak sa to da. Ak nie, uvedte prečo.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R}^+ &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \phi(x) = \sqrt{x} \\ \psi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}^+, \quad \psi(x) = x^2\end{aligned}$$

**Priklad 1.3.** Nech  $A$  je konečna množina a  $f : A \rightarrow A$  je zobrazenie. Dokazte, že ak  $f$  je surjekcia, tak  $f$  je aj injekcia (a teda je bijekcia).

**Priklad 1.4.** Vypočítaj

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 1 & 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

Najdi k  $\phi$  inverznu permutáciu a urči  $\phi^{120}$ .