

## 1 Prva uloha

**Priklad 1.1.** Zistite, ktoré z nasledujúcich zápisov určujú zobrazenia. Zdôvodnite prečo. Určte definičný obor a obor hodnôt danych zobrazení.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \phi(x) = x^2 - x \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{Q}, \quad \psi(x) = \frac{x+2}{x-3}\end{aligned}$$

**Priklad 1.2.** Najdite zobrazenia  $\phi \circ \psi$  a  $\psi \circ \phi$ , ak sa to da. Ak nie, uvedte prečo.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R}^+ &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \phi(x) = \sqrt{x} \\ \psi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}^+, \quad \psi(x) = x^2\end{aligned}$$

**Priklad 1.3.** Dokazte. Ak  $g \circ f$  je surjekcia, tak aj  $g$  je surjekcia. Plati aj opačna implikacia? Musí byť  $f$  surjekcia?

**Priklad 1.4.** Vypočítaj

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 3 & 2 \end{pmatrix}.$$

Najdi k  $\phi$  inverznu permutaciu a urci  $\phi^{120}$ .