

1 Prva uloha

Priklad 1.1. Zistite, ktoré z nasledujúcich zápisov určujú zobrazenia. Zdôvodnite prečo. Určte definičný obor a obor hodnôt danych zobrazení.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \quad \phi(x) = x^2 - x \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{Q}, \quad \psi(x) = \frac{x+2}{x-3}\end{aligned}$$

Priklad 1.2. Najdite zobrazenia $\phi \circ \psi$ a $\psi \circ \phi$, ak sa to da. Ak nie, uvedte prečo.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{Z} &\rightarrow \mathbb{Z}, \quad \phi(x) = x - 3 \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{N}, \quad \psi(x) = x^2\end{aligned}$$

Priklad 1.3. Dokazte. Ak $g \circ f$ je injekcia, tak aj f je injekcia. Plati aj opačna implikacia? Musí byť f injekcia?

Priklad 1.4. Vypočítaj

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$$

Najdi k ϕ inverznu permutáciu a urči ϕ^{120} .