

1 Prva uloha

Priklad 1.1. Zistite, ktore z nasledujucich zapisov urcuju zobrazenia. Zdovodnite preco. urcte definicny obor a obor hodnot danych zobrazeni.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \phi(x) = x^2 - x \\ \psi : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{Q}, \psi(x) = \frac{x+2}{x-3}\end{aligned}$$

Priklad 1.2. Najdite zobrazenia $\phi \circ \psi$ a $\psi \circ \phi$, ak sa to da. Ak nie, uvedte preco.

$$\begin{aligned}\phi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \phi(x) = \sin x \\ \psi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R}, \psi(x) = x^2\end{aligned}$$

Priklad 1.3. Nech A je konecna mnozina a $f : A \rightarrow A$ je zobrazenie. Dokazte, ze ak f je surjekcia, tak f je aj injekcia (a teda je bijekcia).

Priklad 1.4. Vypocitaj

$$\phi = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 3 & 2 \end{pmatrix}.$$

Najdi k ϕ inverznu permutaciu a urci ϕ^{120} .