

1 Piata uloha

Priklad 1.1. najdite maticu linearneho zobrazenia $\phi: \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^4$, ak

$$\phi(3, 2, 1, 0) = (0, 1, 0, 0)$$

$$\phi(2, 1, 0, -1) = (0, 0, 1, 0)$$

$$\phi(1, 0, -1, -2) = (0, 0, 0, 1)$$

$$\phi(0, -1, -2, -3) = (1, 1, 1, 1).$$

ak si myslite, ze neexistuje (a teda, ze takto definovane ϕ nie je linearnym zobrazenim) napiste preco.

Priklad 1.2. najdite inverznu maticu k matici (nad \mathbb{R})

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

Priklad 1.3. wvazujme maticu nad \mathbb{R}

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}.$$

nech

$$E_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad E_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \quad E_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

vypocitajte E_1A , E_2A , E_3A a potom AE_1 , AE_2 , AE_3 . porovnajte vase vysledky s elementarnymi riadkovymi resp. stlpcovymi upravami.

Příklad 1.4. *rieste homogenny system so 4 neznamymi nad polom \mathbb{Z}_5*

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 & 2 \\ 4 & 4 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 4 \\ 2 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

Příklad 1.5. *zvodnite, preco tieto zobrazenia z $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ nie su linearne*

- $f(x) = x + 1$
- $f(x) = \cosh x = \frac{1}{2}(e^x + e^{-x})$

Uloha 1.1. *skuste nakreslit rukou rovnu ciaru dlhu 10cm.*